KTH Matematik
Olof Heden

Σ p	G/U	bonus

Efternamn	förnamn	pnr	årskurs

Kontrollskrivning 4B, den 8 oktber 2013, kl 11.00-12.00
i SF1610 Diskret matematik för CINTE och CMETE.

Inga hjälpmedel tillåtna.
Minst 8 poäng ger godkänt.
Godkänd ks n medför godkänd uppgift n vid tentor till (men inte med) nästa ordinarie tenta (högst ett år), $n = 1, \ldots, 5$.
13–15 poäng ger ett ytterligare bonuspoäng till tentamen.
Uppgifterna 3)–5) kräver väl motiverade lösningar för full poäng.
Uppgifterna står inte säkert i svårighetsordning.
Spara alltid återlämnade skrivningar till slutet av kursen!

Skriv dina lösningar och svar på samma blad som uppgifterna, använd baksidan om det behövs.

1) (För varje delfråga ger rätt svar $\frac{1}{2}$p, inget svar 0p, fel svar $-\frac{1}{2}$p.
Totalpoängen på uppgiften rundas av uppåt till närmaste icke–negativa heltal.)
Kryssa för om påståendena **a)**–**f)** är sanna eller falska (eller avstå)!

		sant	**falskt**
a)	Det finns RSA-krypton med parametrarna n, e, m och d sådana att $m > n$.		
b)	Det finns total 16 olika Booleska funktioner i de fyra variablerna x, y, z och w.		
c)	Ett RSA-krypto kan ha de offentliga nycklarna $n = 99$ och $e = 31$.		
d)	En kod är e-felsrättande om minsta avståndet mellan ord i koden är $2e - 1$.		
e)	I varje Boolesk algebra gäller att $(x + xy)(\bar{x} + \overline{xy}) = 0$.		
f)	Om $\bar{c}$ och $\bar{d}$ är ord i en 1-felsrättande kod C definierad av en kontrollmatris $\mathbf{H}$ så är också $\bar{c} + \bar{d}$ ett ord i C.		

poäng uppg.1

Namn	poäng uppg.2

2a) (1p) Om ett RSA-krypto har den offentliga nyckeln $n = 51$ vilka möjligheter finns då för den krypterande nyckeln e om vi dessutom kräver att $12 < e < 18$.
(Svara bara.)

b) (1p) Betrakta den Booleska funktionen

$$f(x, y, z, w) = xw + (x + w + yz)(\bar{x} + \bar{y}).$$

Bestäm funktionens värde i punkten $(x, y, z, w) = (1, 0, 1, 0)$.
(Svara bara.)

c) (1p) Fyll i matrisen $\mathbf{H}$ nedan så att $\mathbf{H}$ blir kontrollmatrisen (parity-check matrix) till en 1-felsrättande kod.

$$\mathbf{H} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & & \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & & & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Namn	poäng uppg.3

3) (3p) Ett RSA krypto har de offentliga nycklarna $n = 33$ och $e = 11$. Dekryptera meddelandet 2.
OBS. Lösningen skall motiveras och kalkyler redovisas.

Namn	poäng uppg.4

4) (3p) Den 1-felsrättande koden C har kontrollmatrisen

$$\mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

a) Ordet 11111111 tillhör inte C men går att rätta till ett ord $\bar{c}$ i C. Bestäm detta ord $\bar{c}$.

b) Bestäm antalet ord i C.

c) Bestäm minst två av orden i C.

OBS. Lösningen skall motiveras.

Namn	poäng uppg.5

5) (3p) Bestäm antalet Booleska funktioner $g(x, y, z)$ sådana att

$$(y + \overline{xz})xyg(x, y, z) = 0,$$

för alla värden på x, y och z.
OBS. Lösningen skall motiveras.