

**Skrivningskod:**   
Glöm den inte!

**Om du vill:**   
Lägg till tre bokstäver.

**KTH Matematik**  
Olof Heden

$\Sigma$ p	G/U	bonus

Efternamn	förnamn	pnr	årskurs

**Kontrollskrivning 3A, 28 september 2010, 15.45–16.45,  
i SF1610 Diskret matematik för CİNTE.**

Inga hjälpmedel tillåtna.

Minst 8 poäng ger godkänt.

Godkänd ks  $n$  medför godkänd uppgift  $n$  vid tentor till (men inte med) nästa ordinarie tenta (högst ett år),  $n = 1, \dots, 5$ .

13–15 poäng ger ett ytterligare bonuspoäng till tentamen.

**Uppgifterna 3)–5) kräver väl motiverade lösningar för full poäng.**

Uppgifterna står inte säkert i svårighetsordning.

**Spara alltid återlämnade skrivelser till slutet av kursen!**

Skriv dina lösningar och svar på samma blad som uppgifterna, använd baksidan om det behövs.

1) (För varje delfråga ger rätt svar  $\frac{1}{2}p$ , inget svar  $0p$ , fel svar  $-\frac{1}{2}p$ .)

Totalpoängen på uppgiften rundas av uppåt till närmaste icke-negativa heltal.)

**Kryssa för** om påståendena a)–f) är sanna eller falska (eller avstå!)

	sant	falskt
a) Om en delgrupp $H$ till en grupp $G$ består av fyra element så består också varje sidoklass till $H$ av fyra olika element.		
b) Om $g$ genererar den cykliska gruppen $G$ så genererar $g^2$ en delgrupp till $G$		
c) Låt $e$ beteckna identiteten i en grupp $G$ . Det kan finnas tre olika element $a, b, c \in G$ så att $ab = e$ och $ca = e$		
d) Varje cyklisk grupp har precis en generator		
e) Om $\varphi$ är en udda permutation så är $\varphi \circ \varphi$ en jämn permutation.		
f) Varje grupp $G$ med 19 element har inga andra delgrupper än de triviala delgrupperna $H = \{e\}$ och $K = G$ .		

poäng uppg.1

Namn	poäng uppg.2

**2a)** (1p) Skriv permutationen definierad genom tablån

$$\varphi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 1 & 3 & 6 & 5 \end{pmatrix},$$

som en produkt av disjunkta cykler.

**b)** (1p) Fyll i nedanstående tabell så att den blir en multiplikationstabell till en grupp.

o	e	a	b	c	d
e	e	a	b	c	d
a	a	c	b	e	
b	b		a	e	c
c	c	b		d	
d	d		c		

**c)** (1p) Skriv permutationen  $(1\ 3\ 5\ 2)(1\ 2\ 4)$  som en produkt av 2-cykler.

Namn	poäng uppg.3

**3)** (3p) Låt  $G$  beteckna gruppen  $(\mathbb{Z}_{20}, +)$ . Ange en delgrupp  $H$  till  $G$  som innehåller elementet 5 men inte innehåller elementet 2.

Namn	poäng uppg.4

4) (3p) Undersök om mängden av inverterbara element i ringen  $Z_{14}$  utgör en cyklisk grupp med avseende på multiplikationen i  $Z_{14}$ .

(**Hjälp:** de inverterbara elementen är 1, 3, 5, 9, 11, 13.)

Namn	poäng uppg.5

- 5) (3p) Låt  $\gamma = (1\ 3\ 4)(2\ 5)$ . Bestäm en permutation  $\psi$  sådan att
- $$\gamma^{13}\psi = \gamma^{10} .$$