

Skrivningskod:
Glöm den inte!

Om du vill:
Lägg till tre bokstäver.

KTH Matematik
Olof Heden

Σ p	G/U	bonus

Efternamn	förnamn	pnr	årskurs

**Kontrollskrivning 3B, 2 oktober 2009, 10.45–11.45,
i SF1610 Diskret matematik för CINTE.**

Inga hjälpmedel tillåtna.

Minst 8 poäng ger godkänt.

Godkänd ks n medför godkänd uppgift n vid tentor till (men inte med) nästa ordinarie tenta (högst ett år), $n = 1, \dots, 5$.

13–15 poäng ger ett ytterligare bonuspoäng till tentamen.

Uppgifterna 3)–5) kräver väl motiverade lösningar för full poäng.

Uppgifterna står inte säkert i svårighetsordning.

Spara alltid återlämnade skrivningar till slutet av kursen!

Skriv dina lösningar och svar på samma blad som uppgifterna, använd baksidan om det behövs.

1) (För varje delfråga ger rätt svar $\frac{1}{2}$ p, inget svar 0p, fel svar $-\frac{1}{2}$ p.)

Totalpoängen på uppgiften rundas av uppåt till närmaste icke-negativa heltal.)

Kryssa för om påståendena **a)–f)** är sanna eller falska (eller avstå!)

	sant	falskt
a) En grupp med 64 element kan aldrig ha en delgrupp med 7 element..		
b) Mängden av alla permutationer av mängden $\{1, 2, 3\}$ bildar en grupp		
c) Produkten av två jämna permutationer är en udda permutation		
d) Alla sidoklasser till en given delgrupp är lika stora.		
e) I alla grupper gäller att $a \circ (b \circ c) = (a \circ b) \circ c$.		
f) I alla grupper gäller att $a \circ b = b \circ a$		

poäng uppg.1

Namn	poäng uppg.2

2a) (1p) Skriv permutationen definierad genom tablån

$$\varphi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 3 & 1 & 5 & 6 & 5 \end{pmatrix},$$

som en produkt av disjunkta cykler.

b) (1p) Fyll i nedanstående tabell så att den blir en multiplikationstabell till en grupp.

o	e	a	b	c	d
e	e	a	b	c	d
a	a	c	d	b	
b	b	d	a		c
c	c	b		d	
d	d		c		

c) (1p) Bestäm ordningen av elementet b i gruppen i uppgift 2b).

Anm. Uppgiften går att lösa utan att uppgift 2b) har lösts.

Namn	poäng uppg.3

3) (3p) Bestäm en permutation ψ sådan att

$$(1\ 2\ 3\ 4)\psi(3\ 2\ 1) = (1\ 2)(3\ 4).$$

Namn	poäng uppg.4

4) (3p) Bestäm samtliga cykliska delgrupper till gruppen $G = (Z_{12}, +)$.

Namn	poäng uppg.5

5) (3p) Betrakta gruppen $G = (\mathbb{Z}_{25}, +)$. Undersök om man kan bestämma element $x, y \in G$ så att nedanstående mängd blir en sidoklass till någon delgrupp till G :

$$\{8, 13, x, y, 23\}$$