

Matematiska Institutionen  
KTH

**Svar (med reservation för felräkningar) till några övningar på Kapitel 5 till kursen Linjär algebra II, 5B1109, ht 06.**

**5.2** 1) Fel i facit. även (e).

8a)  $(-9, -7, -15) = -2\bar{u} + \bar{v} - 2\bar{w}$ .

**5.3** 2) (d).

6) Varken (a) eller (b).

**5.4** 2) (a) och (b)

8 a)  $(1/2, 1/2)$ , b)  $(-1/2, 1/2)$ .

16) dimension är lika med 0.

17)  $(4, -5, 1)$

**5.5** 2a)  $(8 \ 7)^T$ , b)  $(-13 \ 22 \ 17)^T$ .

6b)  $\bar{e}_1 = (0, 1, 0)$ ,  $\bar{e}_2 = (1, 0, 2)$ .

c)  $\bar{e}_1 = (-1, -1, 1, 0)$ ,  $\bar{e}_2 = (2, -4, 0, 7)$ .

d)  $\bar{e}_1 = (-1, -1, 1, 0, 0)$ ,  $\bar{e}_2 = (-2 \ -1 \ 0 \ 1 \ 0)$ ,  $\bar{e}_3 = (-1 \ 2 \ 0 \ 0 \ 1)$ .

8a)  $(2 \ 0 \ -1)$

c)  $(1 \ 4 \ 5 \ 2)$ ,  $(0 \ 7 \ 7 \ 4)$ .

d)  $(1 \ 0 \ 1 \ 2 \ 1)$ ,  $(0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 2)$ .

10a)  $(2 \ 0 \ -1)$

c)  $(1 \ 4 \ 5 \ 2)$ ,  $(2 \ 1 \ 3 \ 0)$ .

d)  $(-1 \ 0 \ -1 \ -2 \ -1)$ ,  $(2 \ 3 \ 5 \ 7 \ 8)$ .

**5.6** 2a) Rang 1 och nullity = dimension nollrum =1.

2d) Rang 2 och nullity = dimension nollrum =3.

6) maxrang 6 och maximal nullity = dimension nollrum =  $n$ .

4) Dimension radrum=dimension kolonner=rang (A) och dimension nollrum =antal kolonner-rang(A). Om A är en  $n \times m$  matris så är  $A^T$  en  $m \times n$ -matris med samma rang. Använd detta.

10) för  $t = 1$  blir rangen 1 och dimension nollrum 3. För  $t = -2$  blir rangen 2 och dimension nollrum 1.